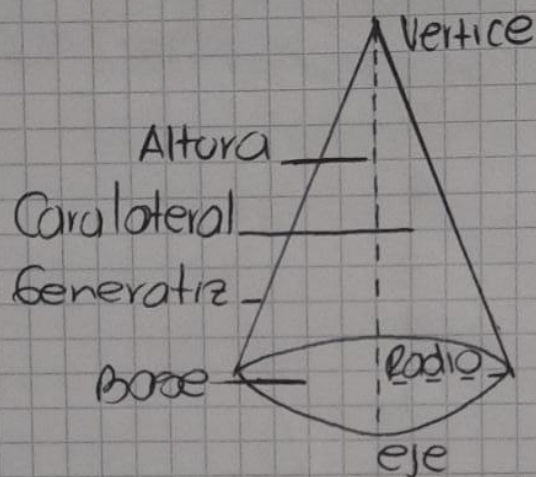


25-Agosto.

Geometria

El cono.

Es un cuerpo redondo que se obtiene a partir de un triángulo rectángulo que gira alrededor de sus catetos.



$$\text{Area lateral} = A_L = \pi r g$$

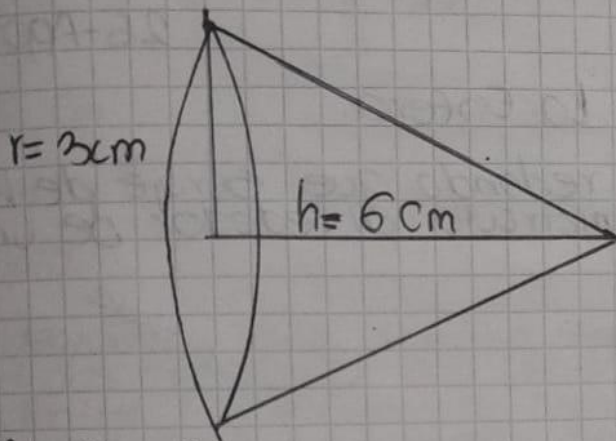
$$\text{Area de la base} = A_B = \pi r^2$$

$$\text{Area Total} = A_T = \pi r (g + r)$$

$$\text{Volumen} = V = \frac{1}{3} \pi r^2 \cdot h$$

Ejemplo.

Si se quiere hacer una maqueta de los objetos del juego, como la que se muestra en la figura ¿cuántos centímetros cuadrados de papel se necesitan para decorarlo? ¿cuál es su volumen?



$$g^2 = r^2 + h^2$$

↓ ↓
radio altura

$$g^2 = (3 \text{ cm})^2 + (6 \text{ cm})^2$$

$$g^2 = 45 \text{ cm}^2$$

$$g = 3\sqrt{5} \text{ cm}$$

$$g = \sqrt{45}$$

$$= 6.7$$

$$= \frac{3.14 \cdot 3 \text{ cm} \cdot (6.7 \text{ cm} + 3 \text{ cm})}{2}$$

$$V = \frac{1}{3} A_B \cdot h$$

$$A_B = \pi r^2$$

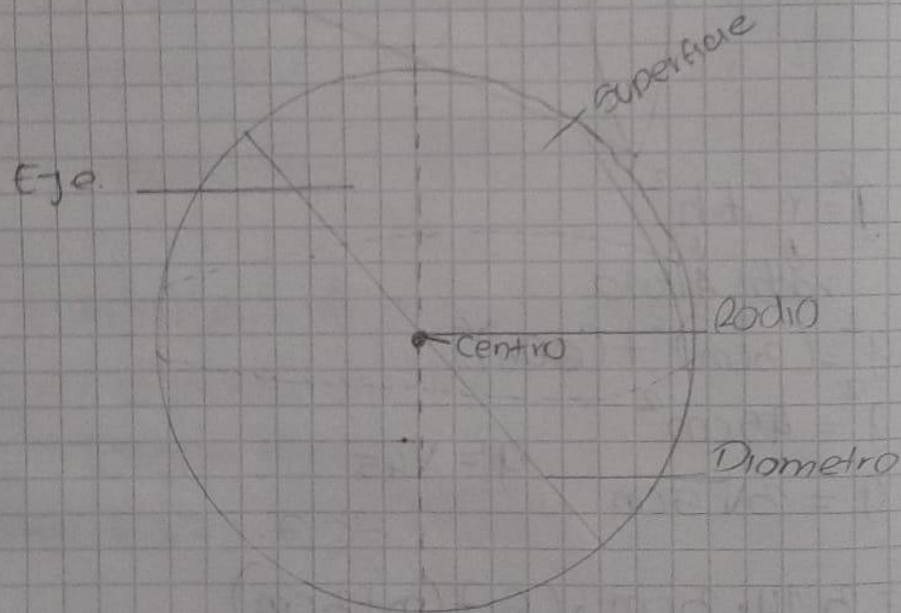
$$A_B = \pi \cdot (3\text{cm})^2$$

$$A_B = 28,27\text{cm}^2$$

• 26-Agosto.

La Esfera.

Es un cuerpo redondo que surge de hacer girar un semicírculo al rededor de un eje.



El área total de la superficie de la esfera es $A_s = 4\pi r^2$ así que el área total de la superficie de la esfera es:

Volumen de una esfera

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

11,5 cm

$$A_t = 4\pi r^2$$

Ejemplo.

El videojuego fifa es una simulación de partidos de fútbol con un alto nivel de detalle. Entre los elementos más llamativos está el balón, porque se diseña con características muy similares al real. Hallar el área superficial y el volumen del balón si tiene un radio de 11,5 cm.

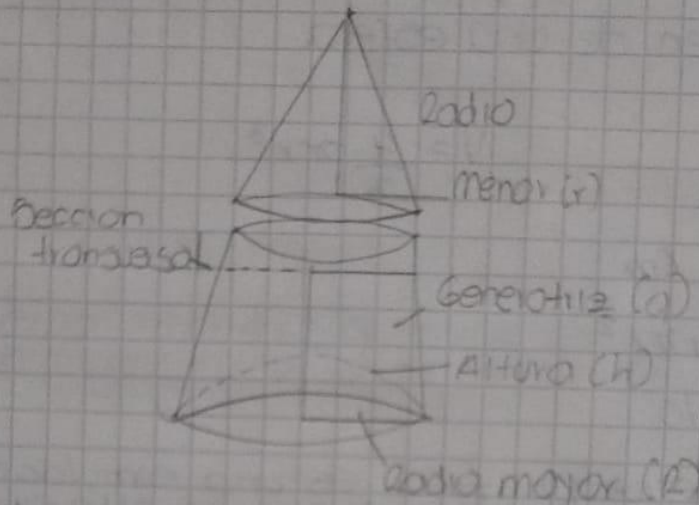
Área superficial

$$\begin{aligned} A_t &= 4\pi r^2 \\ &= 4(3,14)(11,5 \text{ cm})^2 \\ &= 1.661,06 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

Volumen del balón

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

El tronco de cono es un cuerpo de revolución que se obtiene al girar un triángulo rectángulo al rededor de su altura (h)



Area lateral.

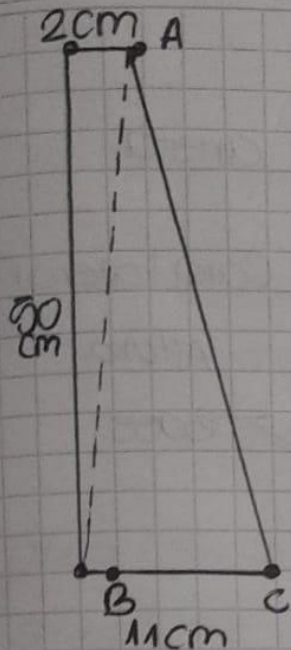
$$A_L = \pi g (R+r)$$

Area total

$$A_T = \pi [g(R+r) + 2R^2 + 2r^2]$$

El Volumen (V)

$$V = \frac{1}{3} \pi h (R^2 + r^2 + Rr)$$



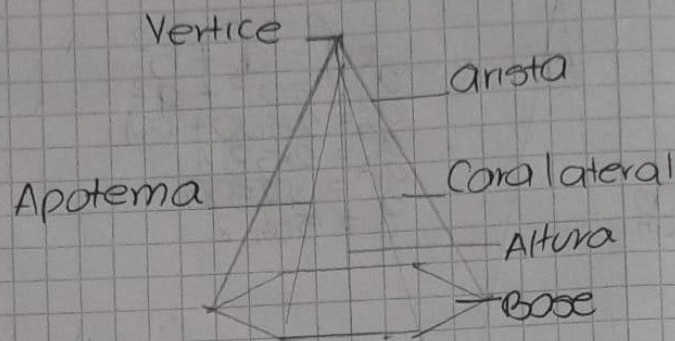
$$\begin{aligned}
 2g^2 &= a^2 + b^2 \\
 g^2 &= 50^2 + g^2 \\
 g^2 &= 2500 + 81 \\
 g^2 &= 2581 \\
 g &= \sqrt{2581} \\
 g &= 50,8
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 A_L &= \pi g (R+r) \\
 A_L &= \pi \cdot 50,8 (11\text{cm} + 2\text{cm}) \\
 A_L &= 2074,70\text{cm}^2
 \end{aligned}$$

31-Aopsto.

LA PIRAMIDE.

Una piramide es un poliedro limitado por una sola base poliagonal y por varios caras laterales con forma triangular que tienen un vertice en comun



El area lateral: $A_L = n \cdot A$

El area total: $A_T = A_L + A_b$

El volumen (V): $V = \frac{1}{3} A_b \cdot h$

Ejemplo.

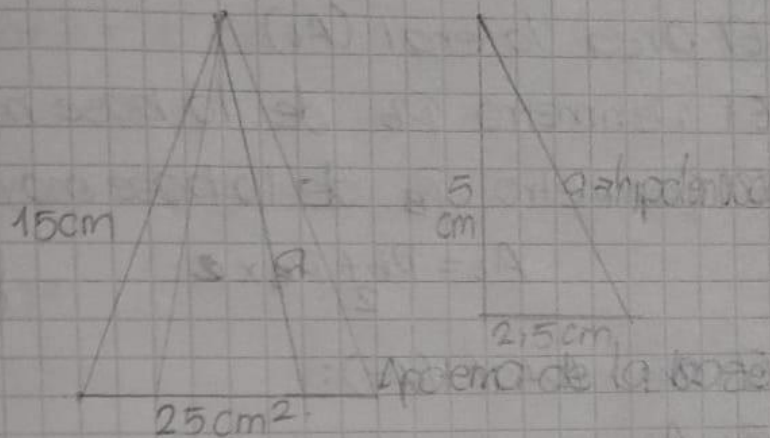
Manuel tiene una microempresa de velos aromatizadas y elabora una vela en forma de Piramide Cuadrada recta, cuya altura es de 15cm y el area de la base es de 25cm^2 . Hallar el area total y el volumen de la vela que elabora manuel en su microempresa

$$a^2 = (15\text{cm})^2 + (2,5\text{cm})^2$$

$$a^2 = 231,25\text{cm}^2$$

$$a = \sqrt{\quad}$$

$$a = 15,206\text{cm}^2$$



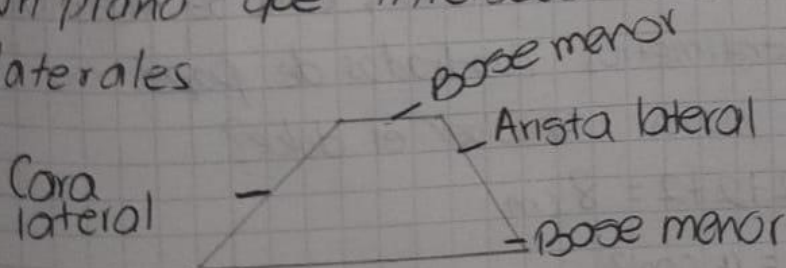
El area lateral es: $A_L = n \cdot A = 4 \cdot 38 \text{ cm}^2 = 152 \text{ cm}^2$

El area total es: $A_T = A_L + A_B = 152 \text{ cm}^2 + 25 \text{ cm}^2 = 177 \text{ cm}^2$

Finalmente: $V = \frac{1}{3} A_b \cdot h$

$$V = \frac{1}{3} \cdot 25 \text{ cm}^2 \cdot 15 \text{ cm} = 125 \text{ cm}^3$$

Un tronco de piramide es la parte de la piramide comprendida entre la base y la seccion transversal determinada por un plano que interseca los aristas laterales



El Area lateral (A_L)

El Perimetro P_b de la base menor

El perimetro P_B de la base mayor

$$A_L = \frac{P_b + P_B}{2} \times e$$

b = base menor
 B = base mayor

El area total (A_T):

A_b es el area de la base menor

A_B es el area de la base mayor

$$A_T = A_L + A_b + A_B$$

El Volumen (V):

$$V = \frac{1}{3} \cdot h \cdot (A_b + A_B + \sqrt{A_b \cdot A_B})$$

Ejemplo.

En una tienda de chocolates se esta elaborando un dulce con forma de tronco de Piramide de base cuadrada, como se muestra
¿Cuantos Centimetros Cuadrados de papel se necesitan para envolver el dulce?

$$P_b = 2 + 2 + 2 + 2 = 8 \text{ cm}$$

$$A_b = 2 \cdot 2 = 4 \text{ cm}^2$$

$$P_B = 3 + 3 + 3 + 3 = 12 \text{ cm}$$

$$A_B = 3 \cdot 3 = 9 \text{ cm}^2$$

$$A_L = \frac{P_b + P_B}{2} \cdot a = \frac{8 \text{ cm} + 12 \text{ cm}}{2} \cdot 2,1 \text{ cm} = 21 \text{ cm}^2$$

$$2^2 + 0,5^2 = a^2$$

$$4,25 = a^2$$

$$a \approx 2,1$$

2 de la base menor
sacamos la mitad

restamos $1,5 - 1$

3 de la base mayor,
sacamos la mitad.