

EVIDENCIA DEL 3ER PERIODO

MICHELL DAYANA HERNANDEZ BARRERO

COL: NUESTRA SEÑORA DEL ROSARIO

DOCENTE: ANDREA TAFUR

GRADO: 9^a

ASIGNATURA: MATEMATICAS

ESPINAL – TOLIMA

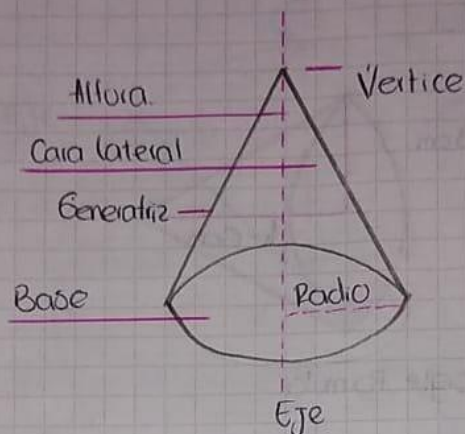
2021

25 Ago 2021

Geometría

Scribe

El Cono



Eje: Cateto fijo alrededor del cual gira el triángulo rectángulo.

Generatriz: Hipotenusa del triángulo rectángulo.

Altura: Segmento cuya medida representa la distancia del vertice a la base.

Radio: Radio del círculo de la base

Cara lateral: Superficie curva

Base: Superficie plana circular.

Area lateral:

$$A_l = \pi r g$$

Area de la Base:

$$A_b = \pi r^2$$

Area total:

$$A_T = \pi r (g + r)$$

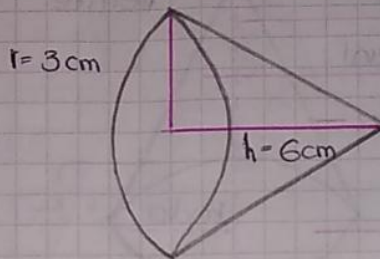
Volúmen: $V = \frac{1}{3} \pi r^2 \cdot h$

Ejemplo:

Si se quiere hacer una maqueta de los objetos del juego, como la que se muestra en la figura, ¿cuántos centímetros cuadrados de papel se necesitan para decorarlo? ¿cuál es su volumen?

$$A_1 = ?$$

$$V = ?$$



Se halla generatriz, con la siguiente fórmula.

$$g^2 = r^2 + h^2$$

↓ ↓
radio altura

$$g^2 = (3 \text{ cm})^2 + (6 \text{ cm})^2$$

$$g^2 = 9 + 36$$

$$g^2 = 45 \text{ cm}^2$$

$$g^2 = 3\sqrt{5} \text{ cm} \approx 6,7$$

$$A_1 = \pi r (g + r)$$

$$= 3,14 \cdot 3 \text{ cm} \cdot (6,7 \text{ cm} + 3 \text{ cm})$$

$$= (9,42 \text{ cm}) \cdot (9,7 \text{ cm})$$

$$= 91,41 \text{ cm}^2$$

$$A_2 = \pi r^2$$

$$A_2 = \pi \cdot (3 \text{ cm})^2$$

$$A_2 = 28,27 \text{ cm}^2$$

$$V = \frac{1}{3} A_2 \cdot h$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot \frac{28,27 \text{ cm}^2 \cdot 6 \text{ cm}}$$

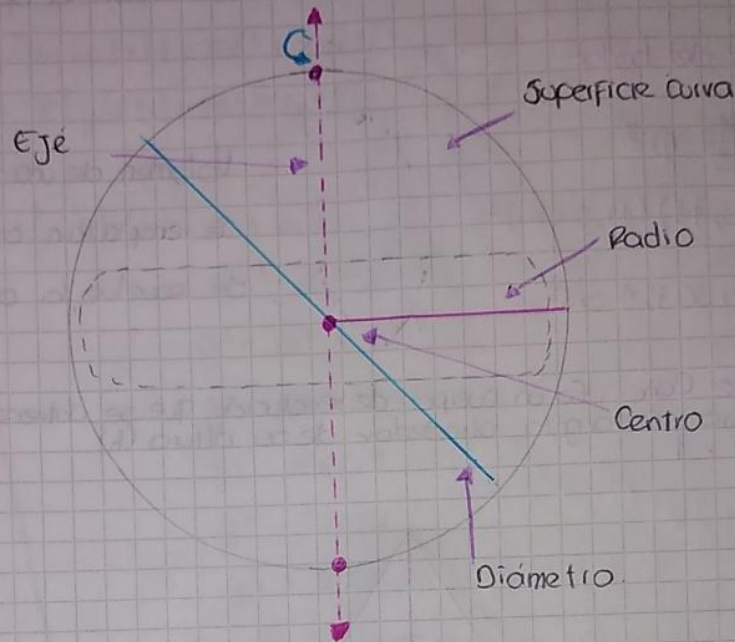
$$V = 56,54 \text{ cm}^3$$

26 Ago 2021

Scribe

La Esfera

Es un cuerpo redondo que surge de hacer girar un semicírculo alrededor de un eje, C



- El área de la superficie de la semiesfera es $A_s = 2\pi r^2$
- Área total de la superficie de la esfera es $A_s = 4\pi r^2$

El volumen de la Esfera

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

Ejemplo:

Hallar el área superficial y el volumen del balón si tiene un radio de 11,5 cm

Área Superficial

$$A_T = 4\pi r^2$$

$$= 4(3,14)(11,5 \text{ cm})^2$$

$$= 1,661,06 \text{ cm}^2$$

Volumen del balón

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3$$

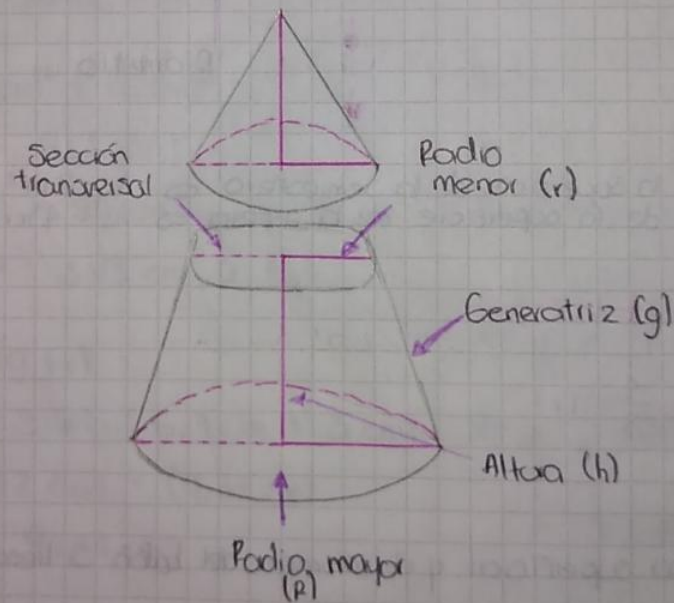
$$= \frac{4}{3}(3,14)(11,5 \text{ cm})^3$$

$$= 6,367,4 \text{ cm}^3$$

Area total de una esfera
Se reemplazan los valores
se resuelve la operación

Volumen de una esfera
Se reemplazan los valores
se resuelve la operación.

El tronco de cono es un cuerpo de revolución que se obtiene al girar un trapecio rectángulo alrededor de su altura (h)



Area lateral

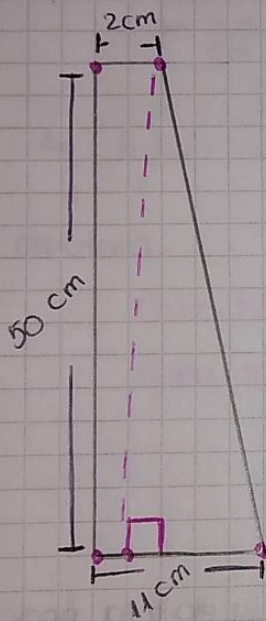
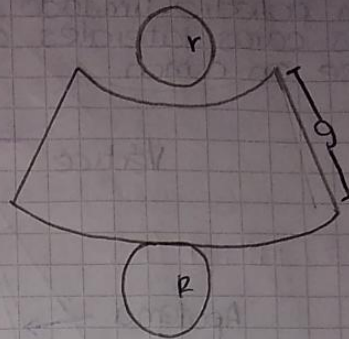
$$A_L = \pi g (R + r)$$

Area Total:

$$A_T = \pi g (R + r) + 2\pi R^2 + 2\pi r^2$$
$$= \pi [g(R + r) + 2R^2 + 2r^2]$$

El Volumen

$$V = \frac{1}{3} \pi h (R^2 + r^2 + Rr)$$



$$g^2 = a^2 + b^2$$

$$g^2 = 50^2 + 9^2$$

$$g^2 = 2500 + 81$$

$$g^2 = 2581$$

$$g = \sqrt{2581}$$

$$g = 50,8$$

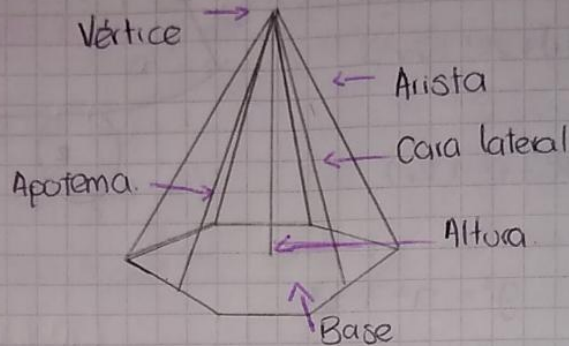
$$A_L = \pi \cdot g (R + r)$$

$$A_L = \pi \cdot 50,8 (11 \text{ cm} + 2 \text{ cm})$$

$$A_L = 2074,70 \text{ cm}^2$$

Pirámide.

Es un poliedro limitado por una sola base poligonal y por varias caras laterales con forma triangular que tienen un vértice en común.



El área lateral:

$$A_L = n \cdot A$$

El área total:

$$A_T = A_L + A_B$$

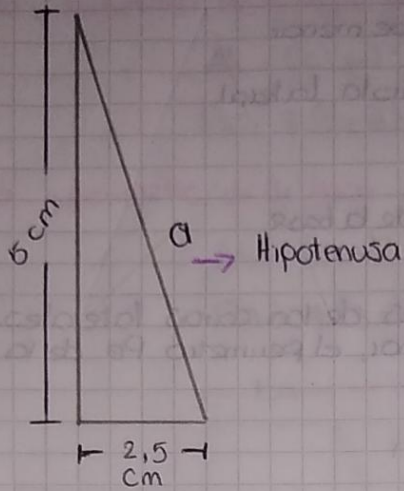
El volumen:

$$V = \frac{1}{3} A_B \cdot h$$

Ejemplo

Manuel tiene una microempresa de velas, aromatizadas y elabora una vela en forma de pirámide cuadrada recta, cuya altura es de 15 cm y el área de la base es de 25 cm².

Hallar el área total y el volumen de la vela que elaboró Manuel en su microempresa.



$$a^2 = (15 \text{ cm})^2 + (2,5 \text{ cm})^2$$

$$a^2 = 231,25 \text{ cm}^2$$

$$a = \sqrt{231,25 \text{ cm}^2}$$

$$a = 15,206$$

$$A_B = \frac{b \cdot h}{2} \quad \leftarrow \quad A = \frac{5 \text{ cm} \cdot 15,2 \text{ cm}}{2} = 38 \text{ cm}^2$$

apotema

Numero de caras.

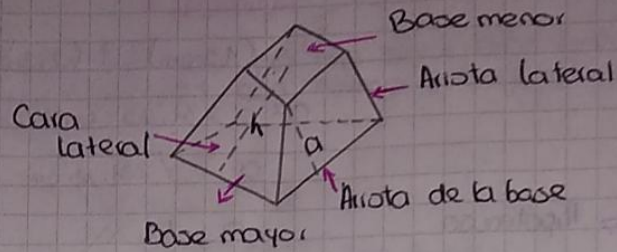
$$\text{Área lateral es: } A_L = n \cdot A = 4 \cdot 38 \text{ cm}^2 = 152 \text{ cm}^2$$

$$\text{Área total es: } A_T = A_L + A_B = 152 \text{ cm}^2 + 38 \text{ cm}^2 = 190 \text{ cm}^2$$

$$V = \frac{1}{3} A_B \cdot h$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot 25 \text{ cm}^2 \cdot 15 \text{ cm} = 125 \text{ cm}^3$$

Tronco de pirámide: es la parte de la pirámide comprendida entre la base y la sección transversal determinada por el plano que interseca los aristas laterales.



El área lateral (A_L) Suma de las áreas de las caras laterales.
El perímetro P_b de la base menor, el perímetro P_B de la base mayor

$$A_L = \frac{P_b + P_B}{2} \times a$$

El área total (A_T) Suma de las áreas de las bases. A_b es el área de la base menor y A_B es el área de la base mayor.

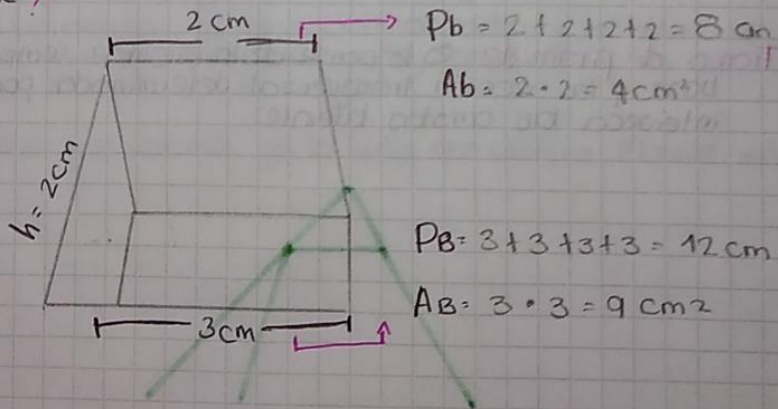
$$A_T = A_L + A_b + A_B$$

El volumen (V)

$$V = \frac{1}{3} \cdot h \cdot (A_b + A_B + \sqrt{A_b \cdot A_B})$$

Ejemplo 2:

¿Cuántos centímetros cuadrados de papel se necesitan para envolver el dulce?



Area y perimetro de la base de lado 2 cm

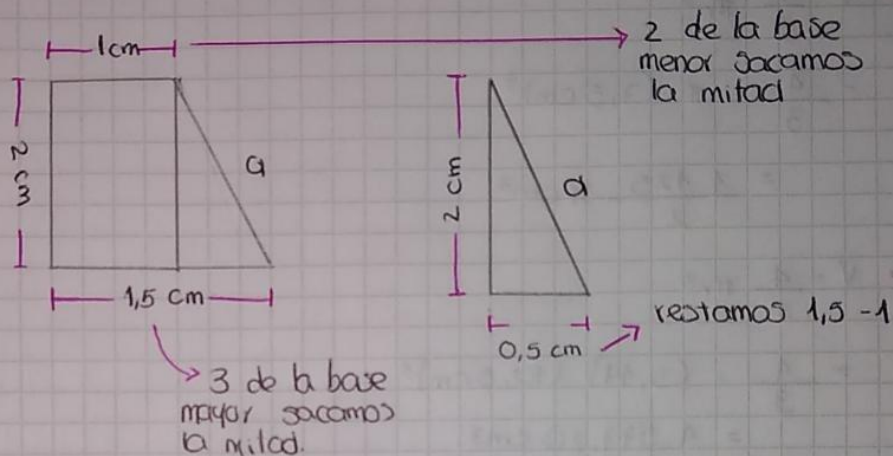
$$A_b = (2 \text{ cm})^2 = 4 \text{ cm}^2$$

$$P_b = 4(2 \text{ cm}) = 8 \text{ cm}$$

Area y perimetro de la base de lado 3 cm

$$A_B = (3 \text{ cm})^2 = 9 \text{ cm}^2$$

$$P_B = 4(3 \text{ cm}) = 12 \text{ cm}$$



Ahora se aplica el teorema de Pitagoras de la siguiente forma.

$$2^2 + 0,5^2 = a^2$$

Se aplica el teorema de Pitagoras.

$$4,25 = a^2$$

Se realizan las operaciones indicadas

$$a \approx 2,1$$

Se halla raíz cuadrada

$$A_t = \frac{P_b + P_B}{2} \cdot a = \frac{8 \text{ cm} + 12 \text{ cm}}{2} \cdot 2,1 \text{ cm} = 21 \text{ cm}^2$$

Finalmente se calcula el área total.

$$A_T = A_t + A_b + A_B = 21 \text{ cm}^2 + 4 \text{ cm}^2 + 9 \text{ cm}^2 = 34 \text{ cm}^2$$