

2. Encontrar el término general de la sucesión $\{b_n\} = \{1, 2, 2, 4, 8, 32, \dots\}$.

En este caso, el término general se expresa en forma recursiva a partir del tercer término, porque cada uno de los siguientes depende de los dos términos anteriores, así:

$$b_1 = 1, b_2 = 2, b_3 = 2 = 1 \cdot 2 = b_1 \cdot b_2$$

$$b_4 = 8 = 2 \cdot 4 = b_2 \cdot b_3$$

$$b_5 = 32 = 4 \cdot 8 = b_3 \cdot b_4$$

Así, el término general de la sucesión para $n \geq 3$, es: $b_n = b_{n-2} \cdot b_{n-1}$.



1 Hallar los cinco primeros términos de las siguientes sucesiones.

a) $a_n = 5_n$

b) $a_n = (-1)^2(2n)$

c) $a_n = 2^2 + n^3$

d) $a_n = \frac{3n}{1+2n}$

e) $a_n = -(-1)^n(5n-3)$

f) $a_n = n^n + n^2 + 2n + 1$

g) $a_n = 4 + (-4)^n$

h) $a_n = 7 + \frac{1}{3^n}$

a) $a_1 = 5$
 $a_2 = 7$
 $a_3 = 13$
 $a_4 = 31$
 $a_5 = 85$

c) $a_1 = (2)(3)^{1-1} = 1$
 $a_2 = (2)(3)^{1-2} = 0$
 $a_3 = (2)(3)^{1-3} = -1$
 $a_4 = (2)(3)^{1-4} = -2$
 $a_5 = (2)(3)^{1-5} = -3$

e) $a_1 = (5)(3) = 2$
 $a_2 = (5)(3) = 4$
 $a_3 = (5)(3) = 6$
 $a_4 = (5)(3) = 8$

g) $a_1 = (4)(1) = 4$
 $a_2 = (4)(2) = 8$
 $a_3 = (4)(3) = 12$
 $a_4 = (4)(4) = 16$

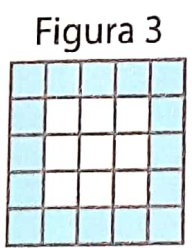
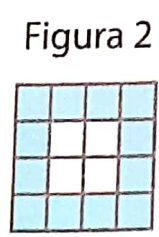
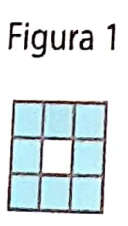
b) $a_1 = (1)(2)^{1-1} = 1$
 $a_2 = (1)(2)^{1-2} = 0.5$
 $a_3 = (1)(2)^{1-3} = 0.25$
 $a_4 = (1)(2)^{1-4} = 0.125$
 $a_5 = (1)(2)^{1-5} = 0.0625$

d) $a_n = \frac{3n}{1+2n}$
 $a_1 = \frac{3+1}{1+2} = \frac{4}{3} = 1.333$
 $a_2 = \frac{3+2}{1+4} = \frac{5}{5} = 1$
 $a_3 = \frac{3+3}{1+6} = \frac{6}{7} = 0.857$

f) $a_1 = (2)(7) = 3$
 $a_2 = (2)(4) = 6$
 $a_3 = (2)(8) = 9$

h) $a_1 = 7 + \frac{1}{3} = 7.333$
 $a_2 = 7 + \frac{1}{4} = 7.25$
 $a_3 = 7 + \frac{1}{5} = 7.2$
 $a_4 = 7 + \frac{1}{6} = 7.166$

Observa la figura. ¿Qué expresión determina la cantidad de azulejos en la figura n?



R//: Que va avanzado de 3 en 3

3 Encuentra el término indicado en cada sucesión.

a) a_n , si $a_1 = 3$ y $a_n = -2 + a_{n-1}$

b) b_n , si $b_1 = 0,25$ y $b_n = 4b_{n-1}$

c) c_n , si $c_1 = 2$ y $c_n = c_{n-1}$

d) a_n , si $a_1 = 0$, $a_2 = 1$ y $a_n = 2a_{n-1} + 1$

$a_1 = 3$

$a_2 = -2$

$a_3 = 1$

c) $c_1 = 2$

$c_2 = 2$

$c_3 = 2$

$c_4 = 2$

b) $b_1 = 0,25 \times 4 = 1$

$b_2 = 1 \times 4 = 4$

$b_3 = 4 \times 4 = 16$

$b_4 = 16 \times 4 = 64$

$b_5 = 64 \times 4 = 256$

$b_6 = 256 \times 4 = 1024$

d) $a_1 = 0$

$a_2 = 1$

$a_3 = 5$

$a_4 = 10$

$a_5 = 12$

36

4 Deduce la fórmula del término general de cada sucesión.

a) 7, 14, 21, 28, ...

b) 4, 5, 6, 7, 8, ...

c) $\frac{2}{2}, \frac{4}{5}, \frac{6}{8}, \frac{8}{11}, \dots$

d) 3, 6, 12, 24, 48, ...

b) 3, 8, 15, 24, 35, ...

c) $\frac{1}{2}, \frac{4}{5}, \frac{9}{8}, \frac{16}{11}, \dots$

a) $a_n = (n)(2)^{n-1} = 7$

$a_2 = (2)(2)^{2-1} = 4$

$a_3 = (3)(2)^{3-1} = 12$

$a_4 = (4)(2)^{4-1} = 32$

b) $a_n = (n)(2)^{n-1} = 4$

$a_2 = (2)(2)^{2-1} = 4$

$a_3 = (3)(2)^{3-1} = 12$

$a_4 = (4)(2)^{4-1} = 32$

$a_5 = (5)(2)^{5-1} = 80$

c) $a_n = \frac{2n}{2n-1} = 2$

$a_2 = \frac{4}{3} = 1,33$

$a_3 = \frac{6}{5} = 1,2$

$a_4 = \frac{8}{7} = 1,14$

d) $a_n = (n)(2)^{n-1} = 3$

$a_2 = (2)(2)^{2-1} = 4$

$a_3 = (3)(2)^{3-1} = 12$

$a_4 = (4)(2)^{4-1} = 32$

b) $a_n = (n)(2)^{n-1} = 3$

$a_2 = (2)(2)^{2-1} = 4$

$a_3 = (3)(2)^{3-1} = 12$

$a_4 = (4)(2)^{4-1} = 32$

c) $a_n = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$

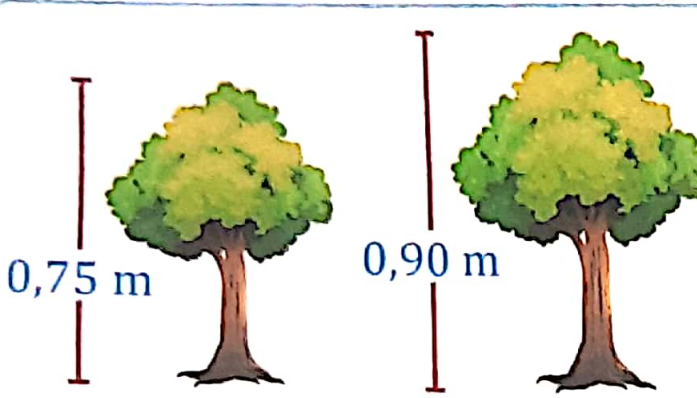
$a_2 = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$

$a_3 = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$

$a_4 = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$

7 Lee el enunciado, luego responde.

- a) Un árbol crece cada año un 20%. Si al comenzar el año su altura era de 0,75 m, ¿cuánto que alcanzará el árbol al cabo de 10 años?



El 20% es = $20\text{ m} \div 0,75\text{ m}$
 $20 \cdot 75$ eso da por un año
entonces $20 \cdot 75 \times 10 = 2075$

- b) Los puntos medios de los lados de un cuadrado con perímetro de 24 cm son los vértices de un segundo cuadrado, y los puntos medios de los lados del segundo cuadrado son los vértices de un tercer cuadrado y así sucesivamente, hasta el décimo cuadrado. Halla el área del décimo cuadrado.

La medida es 6 de cada lado